

# تعیین منحنی هم دمای جذب و انرژی پیوندی پودر دانه های خشک شده

## انار و برآزش مدل های مختلف

کبری رضایی<sup>۱</sup>، مهرداد نیاکوثری<sup>۲\*</sup>، داریوش زارع<sup>۳</sup>

۱- دانش آموخته بخش علوم و صنایع غذایی، دانشکده کشاورزی، دانشگاه شیراز

۲- دانشیار بخش علوم و صنایع غذایی، دانشکده کشاورزی، دانشگاه شیراز

۳- دانشیار بخش مکانیک ماشین های کشاورزی، دانشکده کشاورزی، دانشگاه شیراز

(تاریخ دریافت: ۸۹/۸/۷ تاریخ پذیرش: ۹۰/۱۰/۲۸)

### چکیده

در این تحقیق منحنی جذب پودر دانه های انار که با روش تصعیدی خشک شده اند. رطوبت تعادلی پودر دانه انار با استفاده از روش وزن سنجی ایستاده است. منحنی های جذب در دماهای ۲۵، ۴۰ و ۶۰ درجه سانتی گراد در دامنه فعالیت آبی ۰/۹۴-۰/۱۱ به دست آمده است. از شش مدل بت، گب، اسمیت، هندرسون، اسوین، اگلیسیاس-چیریف جهت تجزیه و تحلیل داده ها استفاده شده است. مقادیر ثابت در مدل های ذکر شده و ارتباط آن ها با دما به دست آمد. در نهایت براساس شاخصهای ضریب تبیین ( $R^2$ )، مریع کای ( $\chi^2$ )، ریشه میانگین مربعات خطای ( $RMSE$ ) و مدول میانگین انحراف نسبی ( $P$ ) ارزیابی مدلها انجام گرفت. نتایج نشان می دهند که مدل گب بهترین تطابق با داده های تجربی در این تحقیق را داشته است. انرژی پیوندی با استفاده از رابطه کلاپیرن - کلاپیرن بدست آمد، مقدار انرژی پیوندی در پودر دانه انار در رطوبت پایین، زیاد می باشد و با افزایش مقدار رطوبت کاهش می یابد.

**کلیدواژگان:** دانه انار ، هم دمای جذب، گرمای ایزواتریک، انرژی پیوندی، مدل گب

\* مسئول مکاتبات: niakosar@shirazu.ac.ir

روطوبت محصول در دمای ثابت را نشان می‌دهد. به این ترتیب با دانستن هم‌دمای جذب و دفع رطوبت، امکان پیش‌بینی حداقل رطوبتی که محصول در طی فرآیند خشک کردن و انبارداری می‌تواند در خود نگه دارد، فراهم می‌شود. اهمیت منحنی جذب ایزوترم در طراحی، تجزیه و تحلیل فرآیندهای تبدیلی مواد غذایی مانند خشک کردن، ترکیب کردن، انبارداری و بسته بندی، مشخص می‌شود. همچنین این منحنی در پیش‌بینی تغییرات در پایداری غذا، انتخاب بسته بندی مناسب و درک تغییرات فیزیکوشیمیایی در طول فرآیندهای تولید، بکار می‌آید. ایزوترم جذب رطوبت به عنوان تابعی از دو یا چند دما برای بررسی ترمودینامیکی و مدل سازی سنتیک خشک کردن بسیار کارآمد است و نیز اطلاعات مناسبی در مورد بهبود پایداری مواد غذایی در طول انبارداری در اختیار محقق قرار می‌دهد [۵]. تحقیقات متعددی در زمینه تعیین منحنی جذب محصولات کشاورزی مختلف، دماهای مختلف و محدوده فعالیت آبی متنوع، انجام گرفته است. معادلات تجربی و نیمه تجربی متعددی برای ربط دادن میزان رطوبت تعادلی با فعالیت آبی تعریف شده است. معادله گب مدلی است که توسط محققان زیادی برای بررسی ایزوترم جذب انواع محصولات غذایی خشک شده استفاده شده است. این معادله براساس معادله بت می‌باشد و دارای سه ضریب است که مفهوم فیزیکی دارند و دو تا از آنها تابعی از دما می‌باشد [۶].

گرمای ایزواتریک فاکتور بسیار مهمی در فرآیند جذب و دفع رطوبت می‌باشد. با توجه به میزان رطوبت و مقدار انرژی پیوندی (نیروی بین مولکول های بخار آب و جایگاه های قطبی فعل در محصول) می‌توان میزان انرژی مورد نیاز برای خشک کردن محصول تا رسیدن به رطوبت بحرانی را پیش بینی نمود [۷].

رومرو<sup>۱</sup> و همکاران (۲۰۰۵) رطوبت تعادلی میوه انبه را با روش گراویمتری اندازه گیری نموده و منحنی جذب و دفع در محدوده دمایی ۳۰ تا ۷۰ درجه سانتی گراد و فعالیت آبی ۰/۰۲ تا ۰/۹۷ بدست آورده و رسم کرده اند و در نهایت از مدل ریاضی گب برای توضیح نتایج استفاده نموده اند [۸].

## ۱- مقدمه

انار با نام علمی (Punica granatum L.) یکی از قدیمی ترین میوه ها می‌باشد که در کشورهای مدیترانه ای، ایران، هند، برخی مناطق آمریکا (کالیفرنیا)، چین، ژاپن و روسیه بطور وسیعی کشت می‌شود [۱]. ایران یکی از مناطق بومی رویش انار است که هم در مناطق ساحلی و هم در مناطق کوهستانی کشت می‌شود. میزان تولید انار در سال ۲۰۰۵ در ایران ۶۷۰۰۰ تن بوده است [۲].

بخش خوراکی میوه انار بصورت تازه مصرف می‌شود و همچنین به صورت فرآورده هایی مانند عصاره، ژل، نوشیدنی، مریا نیز استفاده می‌شود. انار در بسیاری از کشورها مانند چین به دلیل خواص کاربردی چند گانه به عنوان محصول دارویی و تغذیه ای به کار برده می‌شود و به همین دلیل در دهه اخیر تحقیقات فراوانی در زمینه ترکیبات تشکیل دهنده انار و خواص آنها و خصوصیات دانه های انار انجام شده است. عصاره انار با فعالیت آنتی اکسیدانی در مقابل اکسیداسیون LDL و جلوگیری از تصلب شرایین از بیماری های قلبی و عروقی و سکته جلوگیری می‌نماید. همچنین ترکیبات شیمیایی عصاره انار دارای قابلیت جلوگیری از ایجاد انواع مختلف سرطان می‌باشند [۳].

انار دانه، دانه های خشک شده انار می‌باشد که دارای طعم منحصر به فردی است و به صورت تجاری در بسیاری از کشورهای آسیای شرقی و غربی در مقادیر زیاد مصرف می‌شود. انار دانه در طب سنتی چین و هند به عنوان دارو برای درمان بیماری های گوارش استفاده می‌شود [۴]. پودر بدست آمده از دانه های خشک شده انار را می‌توان به عنوان محصولی تازه و با کارایی بالا در صنعت غذا و تولید دارو مورد استفاده قرار داد. این محصول دارای ترکیبات شیمیایی فعال و پایدار مانند دانه خشک شده انار می‌باشد، علاوه بر اینکه حمل و نقل، بسته بندی و انبارداری آن بسیار راحت می‌باشد. از این محصول می‌توان به عنوان ترکیب رنگ و طعم دهنده در غذا و محصولات دارویی استفاده نمود.

هم‌دمای جذب و دفع رابطه‌ی تعادلی بین فعالیت آبی و مقدار

1. Romero

در حالت جذب برای دانه های خشک شده انار در دامنه ای فعالیت آبی ۰/۹۴-۱۱ درجه گرفت. جهت تأمین دمای ثابت از انکویاترهای<sup>۳</sup> با حجم ۱۲ فوت، مدل INB 400 (محصول شرکت Memmert، کشور سازنده، آلمان) استفاده گردید. برای ایجاد فعالیت آبی مورد نظر از نمک های اشباع ساخت شرکت مرک<sup>۴</sup> آلمان استفاده شد که در جدول (۱) نام نمک های مورد استفاده و فعالیت آبی که در محدوده دمایی ایجاد می نمایند مشاهده می شود. برای اطمینان از باقی ماندن محلول می نمایند آزمایش انجام می شود. برای اطمینان از اشباع در حین آزمایش، آماده سازی این های نمک در حالت اشباع در حین آزمایش، آماده سازی این محلول ها در دمای ۹۵ درجه سانتی گراد انجام می گردد. پس از اطمینان از اشباع بودن محلول ها که با تجمع بلورهای نمک در ته ظروف مشخص می شود، جهت کنترل آن، درب ظروف را کامل بسته و در داخل آون با بالاترین درجه آزمایش یعنی ۶۰ درجه سانتی گراد به مدت ۶ ساعت قرار داده می شود. پس از گذشت زمان مذکور در صورت وجود بلورهای نمک در ته ظرف، محلول اشباع می باشد و در غیر این صورت به محلول ها مجدداً نمک اضافه شده و مراحل بالا تکرار می گردد. پس از آماده سازی محلول های اشباع نمک، به مقدار ۱۵۰ میلی لیتر از هر محلول در ظروف ریخته می شود. برای جلوگیری از کپک زدگی نمونه ها در فعالیت های آبی مختلف و یکنواختی شرایط آزمایش در تمام سطوح رطوبت نسبی، از تیمول به عنوان ماده ضدقارچ استفاده گردید. در این تحقیق جهت به دست آوردن رطوبت تعادلی محصول از روش وزن سنگی<sup>۵</sup> است. مطابق با دستورالعمل COST-90<sup>۶</sup> استفاده گردید.<sup>[۱۰]</sup> برای کنترل دما از ترمومتر دیجیتالی مدل Testo 625 با دقت ±۰/۵ و برای ثبت تغییرات وزن در طول فرآیند از ترازوی دیجیتال مدل GF 600 با دقت ۰/۰۰۱ گرم استفاده شد.

3. Incubator

4. Merck

پاکو<sup>۷</sup> و همکاران (۲۰۰۹) ایزوترم جذب و دفع رطوبت انجیر را در سه دمای ۴۰، ۴۰ و ۶۰ درجه سانتی گراد تعیین و رسم نمودند. نتایج بدست آمده با چهار مدل گب، بت، اگلیسیاس - چیریف و اسوین مورد بررسی و تجزیه قرار گرفته و بهترین مدلی که بتواند روند منحنی جذب را پیش بینی نماید انتخاب گردید. این تحقیق نشان می دهد که بهترین مدل برای توضیح فرآیند جذب در انجیر مدل گب می باشد [۹]. تاکنون در مورد تعیین همدماهی تعادلی جذب دانه های انار تحقیقی انجام نگرفته است.

ایران میتواند سهم خود را در صادرات این محصول، از طریق آزمایش و تعیین شرایط مناسب فرآیندهای پس از برداشت، از قبیل خشک کردن، انبارداری و بسته بندی، ارتقاء بخشد. همچنین بسیار مهم است که تحقیقات بیشتری در مورد تولید محصولات مختلفی از این میوه، انجام گیرد. بدین ترتیب می توان علاوه بر تولید محصولی نو و جذب مشتری از اتصاف انارهای دور ریز (آفتاب سوخته، ریز، ترک خورده و ...) جلوگیری نمود.

## ۲- مواد و روشها

### ۲-۱- مواد

در این تحقیق از انار رقم رباب که از منطقه ای ارسنجان از توابع شیراز تهیه گردید، استفاده شد. میوه ها پس از انتقال به آزمایشگاه با چاقویی تیز پوست گیری شده و دانه ها بصورت دستی جدا می شوند. دانه های انار در دمای ۷۰ - درجه سانتی گراد به مدت ۲۴ ساعت منجمد می شوند و بعد در دستگاه خشک کن انجامدادی مدل FT33 Vacuum freeze Drier محصول کمپانی Armfield واقع در کشور انگلستان، برای ۴۸ ساعت تحت شرایط خلاء ۰/۰۵۰ میلی بار و دمای کندانسور -۴۰ درجه سانتی گراد خشک می شوند. دانه های خشک شده انار در دمای ۴۰°C درون ظرف شیشه ای نگهداری شده و بعد بصورت پودر در می آیند. آزمایشات در سه تکرار و سه سطح دمای ۲۵، ۴۰ و ۶۰ درجه سانتی گراد

2. Pacco

جدول ۱ فعالیت آبی نمک های اشبع در دماهای مختلف

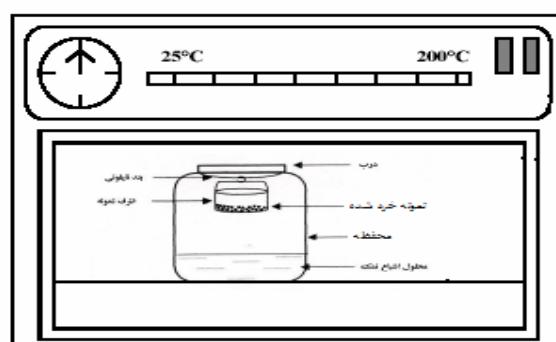
نام نمک	فرمول شیمیایی	فعالیت آبی
۶۰	۴۰	۲۵
کلرید لیتیم	$LiCl$	۰/۱۰۹
استات پتانسیم	$KC_2H_3O_2$	۰/۲۰۱
نیترات میزیریم	$Mg(NO_3)_2$	۰/۴۷۳
کربنات پتانسیم	$K_2CO_3$	۰/۴۲۲
برمید سدیم	$NaBr$	۰/۴۹۶
کلرید سدیم	$NaCl$	۰/۷۴۵
کلرید پتانسیم	$KCl$	۰/۸۰۰
نیترات پتانسیم	$KNO_3$	۰/۹۱۷

### ۲-۳ - مدل سازی ریاضی داده‌ها

شش مدل مختلف برای بررسی میزان فعالیت آبی در مواد غذایی بکار برده می شود این مدل ها شامل مدل بت، گب، هالسی، اسوین، هندرسون، اگلسیاس و چیریف، اسمیت می باشد (جدول ۲). از نرم افزار SPSS 16 برای آنالیز رگرسیون غیر خطی داده های تجربی، تحلیل نتایج و تعیین ضرایب مدل های ریاضی استفاده شد. ضریب همبستگی<sup>۵</sup> (R<sup>2</sup>) یکی از مهمترین معیار ها برای تعیین بهترین مدل ریاضی است. ولی در مجموع بهترین برآذش داده ها با مدل های ریاضی با استفاده از انواع پارامترهای آماری از قبیل مریع کای<sup>۶</sup> (χ<sup>۲</sup>)، ریشه میانگین مربعات خطأ<sup>۷</sup> (RMSE) و مدول میانگین انحراف نسبی<sup>۸</sup> (P) بدست می آید. برای بهترین برآذش مقدار ضریب همبستگی بیشترین مقدار و مریع کای، ریشه میانگین مربعات خطأ و مدول میانگین انحراف نسبی کمترین مقدار است[۱۱]. معیارهای ذکر شده را از طریق معادلات جدول (۳) می توان بدست آورد.

### ۲-۴ - ایزو ترم جذب

۴-۵ ۴ گرم دانه انار پودر شده مورد نیاز آزمایش در پترو دیش قرار گرفته و همراه با پترو دیش توزین شدن. توزین نمونه ها توسط ترازوی دیجیتال با دقت ۰/۰۰۱ ± ۰/۰۰۱ g انجام شد و پترو دیش به درون ظرف حاوی نمک اشبع منتقل می شود. پترو دیش ها در داخل ظرف بصورت معلق قرار می گیرند (شکل ۱). عمل توزین یک روز در میان و به مدت ۱۴ روز انجام می گیرد، چنانچه میزان تغییرات وزنی دانه ها کمتر از ۰/۰۰۱ گرم بود به تعادل رسیده اند. برای جلوگیری از رشد کپک از تیمول در نمک اشبع در رطوبت های بالای ۷۵ درصد استفاده می شود. نمونه ها برای تعیین رطوبت تعادلی، ابتدا وزن شده و سپس در آون خلاء در دمای ۱۰۵ °C به مدت ۲۴ ساعت قرار گرفتند. سپس نمونه ها از آون خارج شده، سریعاً در دسیکاتور جهت سرد شدن قرار داده شدند. پس از یک ساعت، نمونه ها توزین و رطوبت تعادلی پودر دانه انار بر اساس وزن خشک محاسبه گردید.



شکل ۱ شماتیک از سیستم تعیین رطوبت تعادلی

5. Correlation coefficient

6. Chi-square

7. Root mean square error

8. Mean relative percentage deviation modulus

جدول ۲ مدل‌های مورد استفاده در تحقیق برای برازش داده‌ها [۱۲]

شماره	نام مدل	معادله
۱	بت	$X_{eq} = \frac{X_{eq} Ca_w}{(1-a_w)(1+(C-1)a_w)}$
۲	گب	$X_{eq} = \frac{X_{eq} C k a_w}{(1-k a_w)(1+(C-1)k a_w)}$
۳	اوسوین	$X_{eq} = A \left(\frac{a_w}{1-a_w}\right)^B$
۴	هندرسون	$X_{eq} = 0.01 \left[ \frac{-\log(1-a_w)}{10^5} \right]^{1/A}$
۵	اگلیسیاس-چیریف	$X_{eq} = A + B(a_w/(1-a_w))$
۶	اسمیت	$X_{eq} = B + A \log(1-a_w)$

جدول ۳ شاخص‌های ارزیابی مدل‌های بکار برده شده در تحقیق [۱۳]

شماره	شاخص	فرمول
۷	مربع کای	$\chi^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (MR_{exp,i} - MR_{pre,i})^2}{N-n}$
۸	ریشه‌ی میانگین مربعات خطا	$RMSE = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (MR_{pre,i} - MR_{exp,i})^2}{N}}$
۹	مدول میانگین انحراف نسبی	$P\% = \frac{100}{N} \sum \frac{abs(M_i - M_{pre})}{M_i}$
۱۰	ضریب تبیین	$R^2 = 1 - (\text{Residual SS}) / (\text{Corrected total SS})$

$q_{st}$  = گرمای جذب ایزواتریک خالص<sup>۱</sup> یا انرژی پیوندی آب (kJ/mol)

$R$  = ثابت گازها (که برابر  $8.314 \text{ kJ/kmol.K}$  رابطه کلازیوس-کلپرون ارتباط بین فعالیت آبی و انرژی پیوندی و دما را بیان می‌کند. ترسیم لگاریتم طبیعی فعالیت آبی ( $\ln a_w$ ) بر حسب معکوس دمای مطلق ( $1/T$ ), در رطوبت معین یک خط راست است. ضریب زاویه این خط  $q_{st}/R$  می‌باشد که می‌توان از این طریق گرمای ایزواتریک را مشخص نمود، با فرض اینکه گرمای ایزواتریک با تغییر دما تغییر نمی‌کند. تسامی (۱۹۹۱) پیشنهاد داد که مقدار گرمای ایزواتریک را می‌توان توسط یک معادله تجربی (معادله ۱۲) محاسبه نمود [۱۵].

#### ۲-۴- تعیین انرژی پیوندی

انرژی پیوندی مقدار انرژی لازم برای جداسازی آب از ماده غذائی، مازاد بر میزان انرژی لازم برای تبخیر آب آزاد (گرمای نهان تبخیر آب) تعریف می‌شود. این عامل ابزاری ارزشمند برای درک سازوکار جذب بوده و در حل معادلات مربوط به موازنۀ جرم و انرژی خشک‌کن‌ها کاربرد زیادی دارد. در این زمینه رابطه کلازیوس-کلپرون<sup>۹</sup> برای ارزیابی چگونگی پیوند مولکول‌های آب با بافت‌های مواد غذائی کاربرد عملی دارد. این معادله به صورت زیر است [۱۶]:

$$\frac{d(\ln a_w)}{d(1/T)} = -\frac{q_{st}}{R}$$

که در آن:

$T$  = دمای مطلق (K)

$a_w$  = فعالیت آبی

10. Net isosteric heat of sorption

9. Clausius-Clapeyron

### ۲-۳- برآش داده ها

۱۲)

$$q_{iw} = q_0 \exp\left(\frac{-X_{we}}{X_0}\right)$$

به منظور ارائه مناسب برای رفتار تعادلی پودر انار، مدل های ریاضی به شرح جدول (۴) در برآش داده های تجربی رطوبت تعادلی مورد بررسی قرار گرفتند. مقدار مربع کای و ضریب تبیین محاسبه شده و مدلی که بیشترین انطباق را با داده های تجربی داشته باشد، انتخاب می شود (جدول ۵). براساس نتایج بدست آمده توسط سایر محققان، مربع کای روشی برای مقایسه مدل ها براساس باقیماندهایشان است.  $SS/\chi^2$  که حاصل تقسیم مجموع مربعات به واریانس می باشد. بنابراین، در مقایسه مدل های مختلف، هر چه مقدار مربع کای مدلی کوچکتر باشد نشان دهنده توافق نسبی داده های مشاهده شده و مورد انتظار است [۱۷]. نتایج حاصله نشان می دهنند که در بیشتر موارد مدل های گب، اسوین، هندرسون و اسمیت، برآش قابل قبولی با داده های آزمایش داشته و می توان از این مدل ها برای تخمین رطوبت تعادلی در دماها و رطوبت های نسبی مختلف استفاده کرد. این مدل ها دارای ضریب تبیین بالا ( $R^2 > 0.97$ ) و مقدار مربع کای پایینی ( $0.263 < \chi^2$ ) می باشند. از این میان مدل گب دارای بالاترین مقدار ضریب تبیین (۰/۹۹۷-۰/۹۹۹) و کمترین مقدار مربع کای (۰/۱۲۲-۰/۱۲۶)، در هر سه دمای مورد آزمایش، می باشد. همچنین معیارهایی نظیر ریشه میانگین مربعات خطأ (RMSE) و مدول میانگین انحراف نسبی (P) نیز برای تعیین بهترین مدل برآش داده ها بکار می روند. کمترین مقدار RMSE و P برای انتخاب بهترین مدل ریاضی استفاده می شوند. براساس این معیارها مدل گب دارای کمترین مقدار RMSE (۰/۰۵۳۰-۰/۰۳۵۱) و نیز کمترین مقدار P (۸/۷۸-۳/۴۳) در هر سه دمای مورد مطالعه می باشد. همچنین در بین مدل ها مدل بت و اگلیسیاس-چیریف دارای ضعیفترین برآش در دماهای مختلف بوده اند. در شکل (۲) برآش داده ها با مدل گب آورده شده است.

که در آن:

$$X_{we} = \text{رطوبت تعادلی (گرم آب/گرم ماده جامد)}$$

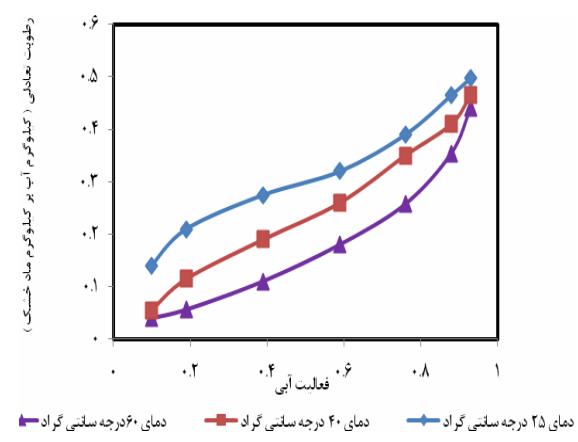
$$q_0 = \text{گرمای جذب ایزواتریک خالص برای اولین مولکول (kJ/mol)}$$

$$X_0 = \text{رطوبت در ماده غذایی (گرم آب/گرم ماده جامد)}$$

### ۳- نتایج و بحث

#### ۳-۱- خصوصیات ایزوترم جذب رطوبت

رطوبت اولیه دانه های انار تازه  $339 \pm 0/35$  (بر مبنای وزن خشک) و رطوبت دانه های خشک شده  $0/10 \pm 0/01$  (بر مبنای وزن خشک) می باشد. منحنی های هم دمای جذب دانه انار در شکل ۲ آمده است. بررسی نمودارها نشان می دهد که با افزایش دما در فعالیت آبی ثابت، رطوبت تعادلی پودر انار کاهش پیدا می کند. مقدار انرژی گرمایی در محیط بالا می رود و در واقع بر انرژی لازم برای جذب رطوبت از ماده افزوده می شود، که این پدیده باعث جذب رطوبت بیشتر از پودر دانه انار و در نتیجه کاهش رطوبت تعادلی آن می گردد این مطلب برای اکثر محصولات کشاورزی اتفاق می افتد [۱۶].



شکل ۲ ایزوترم جذب رطوبت پودر دانه انار در دماهای مختلف

## جدول ۴ مقادیر ثابت مدل های ریاضی مورد استفاده برای برآورد داده ها

نام مدل	دما (درجه سانتی گراد)	مقادیر ثابت معادله	B	A	K	C	X <sub>m</sub>
گب	۲۵	۰/۰۴۷	۲۰/۸۴	۰/۲۵۰	۰/۰۳۷	۴/۴۱	۰/۲۷۶
	۴۰	۰/۰۳۷	۴/۴۱	۰/۰۲۷۶	۰/۰۳۵	۵/۳۹	۰/۱۰۳
	۶۰	۰/۰۳۵	۵/۳۹	۰/۰۱۰۳	۸/۹۵	۰/۰۰۴۷	۸/۹۵
	۲۵	۸/۹۵	۰/۰۰۴۷	۱۵/۲۶	۰/۰۰۴۲	۰/۰۴۲	۱۵/۲۶
	۴۰	۰/۰۰۴۲	۰/۰۴۲	۴/۳۶	۰/۰۰۴۱	۰/۰۰۴۱	۴/۳۶
	۶۰	۰/۰۰۴۱	۰/۰۰۴۱	۰/۰۴۰	۰/۰۰۴۶	۰/۰۰۴۶	۰/۰۰۴۰
	۲۵	۰/۰۰۴۰	۰/۰۰۴۰	۰/۲۵۵	۰/۰۲۷۸	۰/۰۲۷۸	۰/۰۲۵۵
اسوین	۴۰	۰/۰۱۸۰	۰/۰۱۸۰	۰/۰۱۵	۰/۰۱۲۹	۰/۰۱۲۹	۰/۰۱۵
	۶۰	۰/۰۱۲۹	۰/۰۱۲۹	۰/۰۱۶۴	۲/۶۶	۲/۶۶	۰/۰۱۶۴
	۲۵	۲/۶۶	۰/۰۱۶۴	۰/۰۵۳۲	۱/۵۶	۱/۵۶	۰/۰۵۳۲
	۴۰	۱/۵۶	۰/۰۵۳۲	۰/۰۵۶۰	۱/۳۱	۱/۳۱	۰/۰۵۶۰
	۶۰	۱/۳۱	۰/۰۵۶۰	۰/۱۲۹	۰/۱۸۱	۰/۱۸۱	۰/۱۲۹
	۲۵	۰/۱۸۱	۰/۰۱۲۹	۰/۰۱۹۲	۰/۰۰۴۶	۰/۰۰۴۶	۰/۰۱۹۲
	۴۰	۰/۰۰۴۶	۰/۰۰۴۶	۰/۰۱۶۳	۰/۰۰۲۳	۰/۰۰۲۳	۰/۰۱۶۳
هندرسن	۶۰	۰/۰۰۲۳	۰/۰۰۲۳	۰/۰۰۳۱	۰/۰۱۸۸	۰/۰۱۸۸	۰/۰۰۳۱
	۲۵	۰/۰۱۸۸	۰/۰۰۳۱	۰/۰۰۴۱	۰/۰۰۷۳	۰/۰۰۷۳	۰/۰۰۴۱
	۴۰	۰/۰۰۷۳	۰/۰۰۴۱	۰/۰۰۴۰	۰/۰۰۴۶	۰/۰۰۴۶	۰/۰۰۴۰
	۶۰	۰/۰۰۴۶	۰/۰۰۴۰	۰/۰۰۴۰	۰/۰۰۴۰	۰/۰۰۴۰	۰/۰۰۴۰
	۲۵	۰/۰۰۴۰	۰/۰۰۴۰	۰/۰۰۴۰	۰/۰۰۴۰	۰/۰۰۴۰	۰/۰۰۴۰
	۴۰	۰/۰۰۴۰	۰/۰۰۴۰	۰/۰۰۴۰	۰/۰۰۴۰	۰/۰۰۴۰	۰/۰۰۴۰
	۶۰	۰/۰۰۴۰	۰/۰۰۴۰	۰/۰۰۴۰	۰/۰۰۴۰	۰/۰۰۴۰	۰/۰۰۴۰

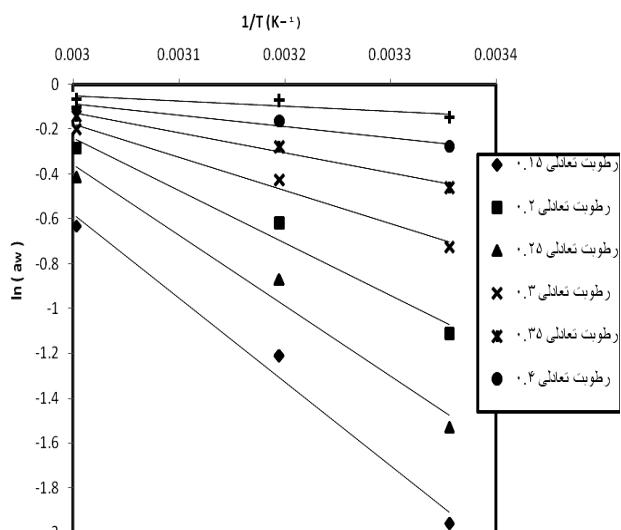
## جدول ۵ مقادیر شاخص های آماری برای انتخاب بهترین مدل

R <sup>2</sup>	χ <sup>2</sup>	RMSE	%P	D <sub>0</sub> (C)	مدل
۰/۹۹۷	۰/۰۱۸	۰/۰۳۵۱	۳/۵۶	۲۵	گب
۰/۹۹۸	۰/۰۰۸۹	۰/۰۰۵۱۹	۸/۷۸	۴۰	
۰/۹۹۹	۰/۱۲۲	۰/۰۰۵۳۰	۳/۴۳	۶۰	
۰/۹۴۹	۰/۰۱۲	۰/۰۵۶۶	۲۲/۰۴	۲۵	
۰/۸۸۱	۰/۰۰۴۷	۰/۰۴۵۶	۳۳/۰۱	۴۰	
۰/۸۷۷	۰/۰۰۷۵	۰/۰۴۶۶	۲۴/۶۶	۶۰	
۰/۹۹۵	۰/۰۰۱	۰/۰۰۸۱۴	۱۰/۲۹	۲۵	
۰/۹۸۰	۰/۰۰۰۸	۰/۱۸۵	۱۷/۳۹	۴۰	اسوین
۰/۹۸۸	۰/۰۰۰۳	۰/۰۸۷۸	۴/۰۳	۶۰	
۰/۹۹۶	۰/۲۶۳	۰/۱۶۰	۷/۰۷	۲۵	
۰/۹۷۴	۰/۱۲۵	۰/۱۹۰	۱۸/۰۴	۴۰	
۰/۹۷۰	۰/۰۰۵۷	۰/۰۶۰۲	۷/۸۶	۶۰	
۰/۹۹۸	۰/۰۰۰۷	۰/۰۲۳۷	۹/۹۹	۲۵	
۰/۹۸۵	۰/۰۰۰۶	۰/۰۹۷۱	۹/۸۷	۴۰	هندرسن
۰/۹۸۲	۰/۰۰۰۶	۰/۰۵۸۳	۵/۵۱	۶۰	
۰/۹۴۰	۰/۰۰۰۲	۰/۲۳۹	۴۲/۹۷	۲۵	
۰/۸۶۸	۰/۰۰۰۵	۰/۳۷۹	۳۴/۶۹	۴۰	
۰/۸۶۴	۰/۰۰۰۴	۰/۲۸۷	۳۴/۴۴	۶۰	
۰/۰۰۰۴	-	-	-	-	اگلیسیاس-چیریف

ضریب زاویه این خط  $q/R$  می باشد (شکل ۴). منحنی انرژی پیوندی در مقابل رطوبت های مختلف (کیلوگرم رطوبت بر کیلوگرم ماده خشک) در منحنی شماره ۵ رسم شده است. میزان رطوبت تأثیر چشمگیری بر انرژی پیوندی دارد. با استفاده از رگرسیون نمایی می توان مقدار انرژی پیوندی را در رطوبت های مختلف پیش بینی نمود و همچنین ضریب تبیین  $R^2$  خوبی بین گرمای جذب و میزان رطوبت مشاهده می شود ( $R^2 = 0.993$ ) (معادله ۱۳). کاهش شدید انرژی جذب در رطوبت های بالا در نتیجه وجود جایگاه های قطبی بسیار فعال در سطح ماده غذایی است. این جایگاه ها توسط مولکول های آب پوشانده می شوند و مولکول های آب، لایه تک مولکولی را تشکیل می دهند. زمانی که این گروه های قطبی فعال توسط مولکول های آب اشغال شده باشند، جذب در سایر جایگاه های کمتر فعال انجام می شود و در نتیجه انرژی جذب کمتری بدست می آید [۱۹]. مقدار انرژی جذب در رطوبت ثابت می تواند دیدگاهی در مورد حالت آب در ماده غذایی به ما بدهد که از آن طریق می توان به میزان پایداری ماده از نظر فیزیکی، شیمیایی و میکروبی تحت شرایط نگهداری پی برد [۲۰]. مشابه چنین نتایجی توسط Saravacos و همکاران [۱۱] در ارتباط با کشمش سلطانی بدست آمده است [۲۱].

(۱۳)

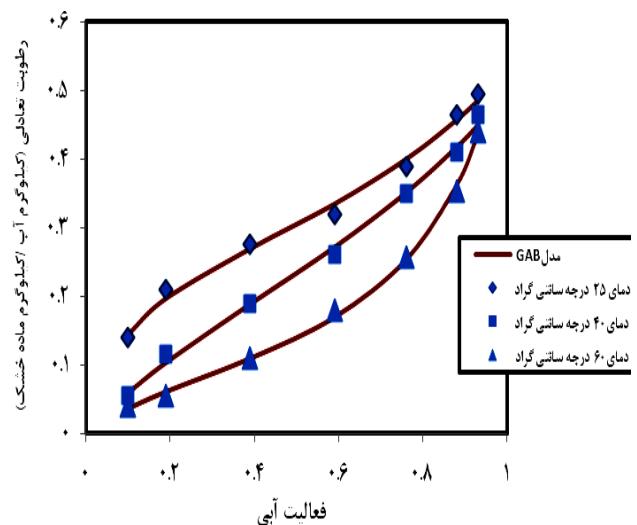
$$q_{is} = 643.4 e^{-11Xdb} \quad R^2 = 0.993$$



شکل ۴ لگاریتم فعالیت آبی در مقابل عکس دما در رطوبت ثابت

این نتایج مشابه نتایجی است که پاکو و همکاران (۲۰۰۸) در ارتباط با انجیر بدست آورده اند. مقادیر ثابت مدل گب برای دماهای مختلف در جدول ۴ نشان داده شده است. مدل سازی نتایج جذب دانه های انار با استفاده از مدل گب مقدار رطوبت تک لایه را مشخص می نماید (جدول ۴). میزان رطوبت تک (X<sub>m</sub>) در مدل گب بین ۰/۱ تا ۰/۲۸ گرم / گرم براساس وزن خشک)، در محدوده دمایی ۲۵-۶۰ درجه سانتی گراد تغییر می کند. میزان رطوبت تک لایه با افزایش دما، سطح انرژی مولکول های آب افزایش یافته و به حالت برانگیختگی در می آیند و پایداری آنها کم شده و پیوند مولکول های آب با ماده غذایی می شکند، بنابراین میزان آب تک لایه کم می شود.

[۱۸]



شکل ۳ برآزش داده های تجربی با مدل گب در دماهای مختلف

### ۳-۳-۳- انرژی پیوندی

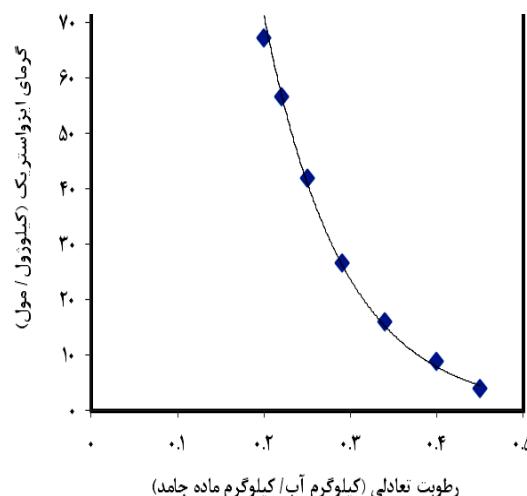
نتایج حاصل از تعیین انرژی نشان می دهند که وقتی رطوبت دانه های انار افزایش می یابد، انرژی پیوندی کاهش می یابد. علت آن نزدیک شدن خصوصیات آب موجود در ماده غذایی به آب آزاد است. در رطوبت های پایین مقدار انرژی پیوندی افزایش می یابد که علت اصلی این پدیده به پیوند قوی بین مولکول های آب و دانه انار مربوط می باشد. ترسیم لگاریتم طبیعی فعالیت آبی ( $\ln a_w$ ) بر حسب معکوس دمای مطلق ( $1/T$ ) در یک مقدار رطوبت ثابت یک خط راست است.

## نمادها

$R$ = ثابت عمومی گازها	$a_w$ = فعالیت آبی
$(K)$ = دما (K)	$A, B, C, K$ = مقادیر ثابت مدل
$X_0$ = رطوبت تعادلی بدست های ریاضی	
آمده از آزمایش (%)db	$X_p$ = رطوبت تعادلی بدست آمده از مدل های ریاضی
$X_e$ = مقدار رطوبت تعادلی (%)db	$X_m$ = رطوبت تک لایه
$n$ = تعداد ثابت های مدل	$N$ = تعداد نقاط تجربی
	$q_s$ = انرژی پیوندی (kj/mol)

## ۵- منابع

- [1] Mirdehghan, S. H., and Rahemi, M. 2007. Seasonal changes of mineral nutrients and phenolics in pomegranate (*Punica granatum* L.) fruit. *Scientia Horticulturae.* 111,120–127
- [2] Anonymous. 2005. Statistical book of agricultural of Iran. Iranian statistical center, Tehran, Iran.
- [3] Ephraim, P., Lansky, a. and Newman, R. 2006. *Punica granatum* (pomegranate) and its potential for prevention and treatment of inflammation and cancer. *Journal of Food Composition and Analysis.* 19,676–680
- [4] Jaiswal,V., Marderosian, A.D. and Porter , J. R. 2010. Anthocyanins and polyphenol oxidase from dried arils of pomegranate (*Punica granatum* L.). *Food Chemistry.* 118, 11-16
- [5] Labuza, T., Kaanane, A. and Chen, J. Y. 1985. Effect of temperature on the moisture sorption isotherm and water activity shift of two dehydrated foods. *Journal of Food Science.* 50, 392–396.
- [6] Gabas, A.L., Menegalli, F.C. and Romero, J. 2000. Water Sorption Enthalpy-Entropy Compensation Based on Isotherms of Plum Skin and Pulp. *Food Engineering and Physical Properties.* 65 (4), 680-685
- [7] Zhang, X.W., Lui, X., Gu, D.X., Zhou, W., Wan, R.L. and Liu, P. 1996. Desorption isotherms of some vegetables. *Journal Science Food Agriculture.* 70, 303–306.
- [8] Romero, J.T., Kohayakawa, M.N., Silveira, V.J., Pedro, M.A. and Gabas, A.L. 2005. Enthalpy-Entropy compensation based on isotherms of mango. *Science. Tecnol. Aliment.* 25(2), 297-303
- [9] Pacco, H.C., Vigneault, C., Menegalli, F.C., Castro, L.R. and Cortez, L.B. 2009.



شکل ۵ تغییرات انرژی پیوندی در مقابل افزایش میزان رطوبت

## ۶- نتیجه گیری

میزان رطوبت تعادلی با افزایش دما در فعالیت آبی ثابت، کاهش می یابد و با افزایش فعالیت آبی در دمای ثابت افزایش می یابد. مدل گب بهترین برآورد را با داده های تجربی جذب در محدوده وسیعی از فعالیت آبی (۰/۹۷-۰/۱۱) نشان می دهد. مدل گب به دلیل کمترین مقادیر  $PRMSE$ ,  $\chi^2$  در مقایسه با سایر مدل ها، مناسب ترین مدل برای پیش بینی منحنی جذب پودر دانه های خشک شده انار می باشد. گرمای جذب ایزواستریک در مقدار کم رطوبت بسیار بالا است و با افزایش میزان رطوبت با شبیه تندی کاهش می یابد. بنابراین گرمای ایزواستریک به مقدار رطوبت محصول بستگی دارد و مقدار زیادی از مصرف انرژی در فرآیند خشک کردن را به خود اختصاص می دهد. اطلاعات کافی در مورد رطوبت تعادلی پودر دانه های خشک شده انار به ما اجازه می دهد که بهترین شرایط را برای انبارداری این محصول با ارزش فراهم بیاوریم.

- [15] Tsami, E. 1991. Net isosteric heat of sorption in dried fruits. *Journal of Food Engineering.* 14, 327-335.
- [16] Hossain, M. D., Bala, B. K., Hossain, M. A., and Mondol, M. R. A. 2001. Sorption isotherms and heat of sorption of pineapple. *Journal of Food Engineering.* 48, 103-107.
- [17] Kaleemullah, S. and Kailappan, R. 2004. Moisture sorption isotherms of red chillies. *Biosystems Engineering.* 88(1), 95-104
- [18] Ratti, C., Crapiste, G. H., and Rotstein, E. 1989. A new water sorption equilibrium expression for solid food based on thermodynamic considerations. *Journal of Food Science.* 54(3), 738-742.
- [19] McMinn, W.A.M. and Magee, T.R.A. 2003. Thermodynamic properties of moisture sorption of potato. *Journal of Food Engineering.* 33, 227–237.
- [20] Erbas, M., Ertugay, M.F. and Certel, M. 2005. Moisture adsorption behaviour of semolina and farina. *Journal of Food Engineering.* 69, 191–198.
- [21] Saravacos, G.D., Tsiourvas, D.A. and Tsami, E. 1986. Effect of temperature on the water adsorption isotherms of Sultana raisins. *Journal of Food Science.* 51(2), 381-387-
- Evaluation of sorption isotherm models for figs. *Canadian Biosystems Engineering.* 51, 77-85
- [10] Ayrancı, E. and Duman, O. 2004. Moisture sorption isotherms of cowpea (*Vigna unguiculata* L. Walp) and its protein isolate at 10, 20 and 30 °C. *Journal of Food Engineering.* 61, 192–209
- [11] Lomauro, C.J., Bakshi, A.S. and Labuja, T.P. 1985. Moisture transfer properties of dry and semimoist foods. *Journal of Food Science.* 50, 397-400.
- [12] Siripatrawan, U. and Jantawat, P. 2006. Determination of Moisture Sorption Isotherms of Jasmine Rice Crackers Using BET and GAB Models. *Science and Technology International.* 12(6), 459–465
- [13] Samaniego-Esguerra, C. M., Boag, I. F. and Roberston, G. L. 1991. Comparison of regression methods for fitting the GAB model to the moisture isotherms of some dried fruit and vegetables. *Journal of Food Engineering.* 13, 113-115
- [14] Galvez, A.V., Mondaca , R.L., Fito, P. and Andres, A. 2007. Moisture Sorption Isotherms and Isosteric Heat of Red Bell Pepper (var. Lamuyo). *Food Science and Technology International.* 13 (4), 309–316

## Evaluating adsorption isotherm and isosteric heat of freeze-dried pomegranate seed powder and Fitting the data with mathematical models

Rezaee, K.<sup>1</sup>, Niakousari, M.<sup>2\*</sup>, Zare, D.<sup>3</sup>

1. Graduated MSc Student, Food Science and Technology Department, Shiraz University
2. Associate professor of Department of Food Science and Technology, Shiraz University
3. Associate professor of Department of Agriculture Engineering, Shiraz University

(Received: 89/8/7 Accepted: 90/10/28)

Experimental work was undertaken to obtain the adsorption isotherms of freeze-dried pomegranate seed powder. Moisture equilibrium data of pomegranate seed were determined using the static gravimetric method. Adsorption Isotherms were determined at 25, 40 and 60°C over a water activity range of 0.11 to 0.94. Six isotherm equations including GAB, BET, Iglesias and Chirife, Henderson, Smith, and Oswin were applied for analyzing the experimental data. The constants in the mentioned models were determined and correlated with temperature. The criteria used to evaluate the goodness of fit of each model were Correlation coefficient ( $R^2$ ), Chi-square ( $\chi^2$ ), mean relative percentage deviation modulus ( $P$ ) and root mean square error ( $RMSE$ ). The results showed that the GAB equation gave the best fit to the experimental data. The net isosteric heat of sorption was determined using the Clausius-Clapeyron equation. The heat of sorption values of pomegranate seed powder were found to be large at low moisture content and decreased with an increase in moisture content.

**Key Words:** Pomegranate seed, GAB model, Sorption isotherms, Net isosteric heat

---

\* Corresponding Author E-Mail Address: niakosar@shirazu.ac.ir